

Ⅶ 作図

① 線分 AB の垂直二等分線

コンパスを線分の半分の長さより大きく広げ、点 A に針をさし、上記の様に線をかく！

コンパスをそのまま、点 B に針をさし、同様に線をかく！

線分 AB の上下の交点 P, Q をむすべば、終了！

(定規とコンパスだけで作図してください！)

問 30 つぎの点 A を通り直線 l に垂直な直線を作図してみましょう。

のりしろ 全問正しくできるまで、何回も紙を貼って繰り返してくださいね！ のりしろ

(1) (2) \bullet A



問 31 AP + PB が最短となるよう、点 P を直線 l 上に作図してみましょう。

のりしろ 全問正しくできるまで、何回も紙を貼って繰り返してくださいね！ のりしろ

A \bullet \bullet B



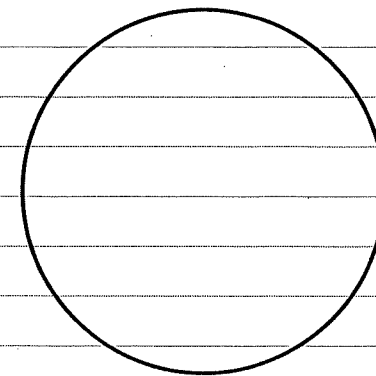
問 32 つぎの点 A を通り直線 l に垂直な直線を作図してみましょう。

のりしろ 全問正しくできるまで、何回も紙を貼って繰り返してくださいね！ のりしろ



問 33 つぎの円の中心 O を作図してみましょう。

のりしろ 全問正しくできるまで、何回も紙を貼って繰り返してくださいね！ のりしろ

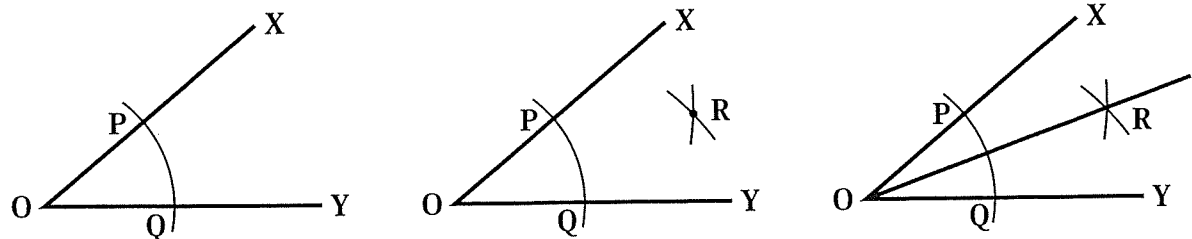


問 34 つぎの 3 点を通る円を作図しましょう (外接円)。

のりしろ 全問正しくできるまで、何回も紙を貼って繰り返してくださいね！ のりしろ



② 角の二等分線 (二直線から等しい距離の点の集まり)



点Oに針をさし、適当にコンパスで弧をかき、直線OX, OYとの交点をP, Qとする。

2点P, Qを中心に半径OPの弧をかき、交点をRとする。

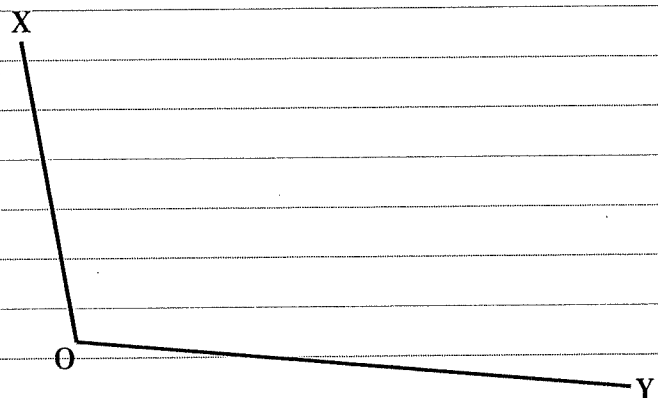
2点O, Rをむすべば終了!

問35 つぎの直線OX, OYに対し等距離の点の集まり(軌跡)を作図しましょう。

のりしろ

全問正しくできるまで、何回も紙を貼って繰り返してくださいね!

のりしろ

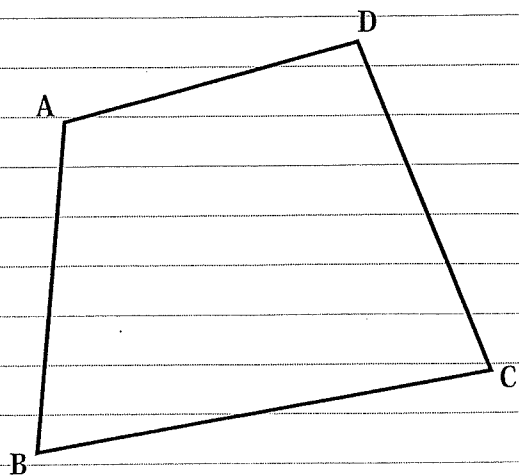


問36 下図において、辺AB, BC, CDから等しい距離にある点を作図しましょう。

のりしろ

全問正しくできるまで、何回も紙を貼って繰り返してくださいね!

のりしろ

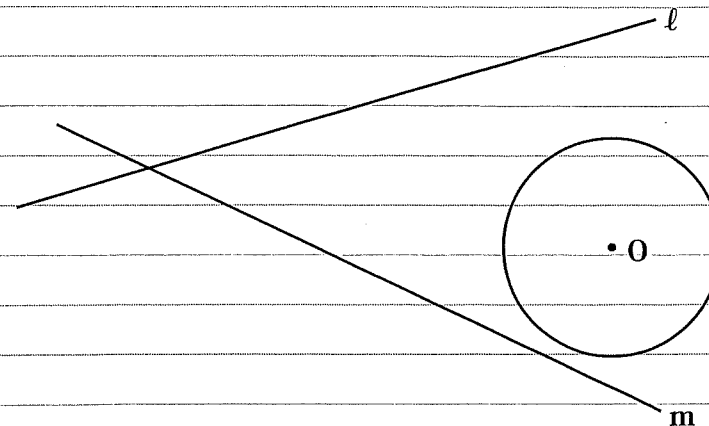


問37 円Oと2直線 l, m があります。このとき、円Oの周上にあり、2直線 l, m から等距離にある点を作図してみましょう。

のりしろ

全問正しくできるまで、何回も紙を貼って繰り返してくださいね!

のりしろ



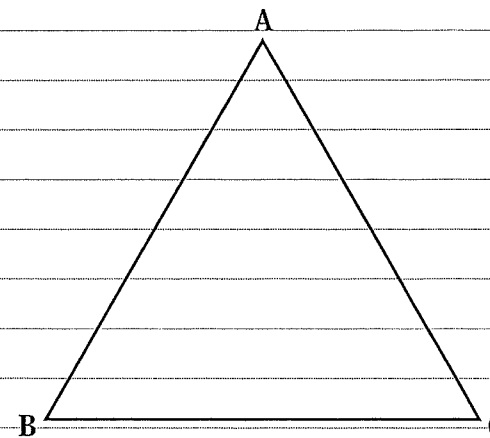
問38 つぎの条件を満たすよう作図してみましょう。

のりしろ

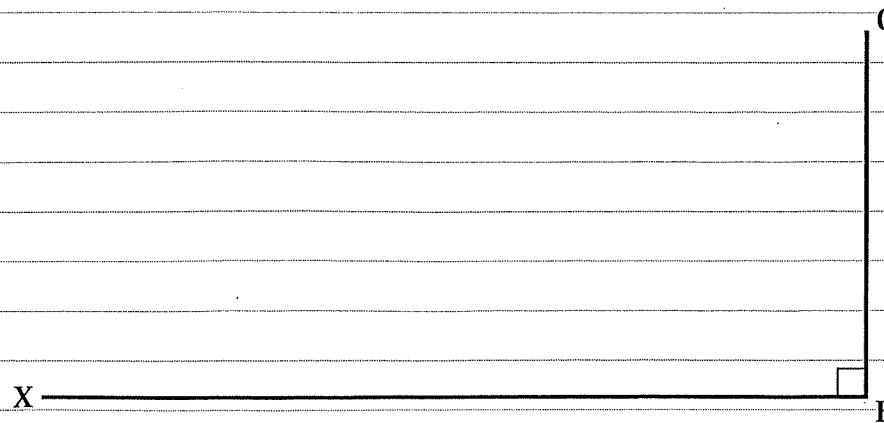
全問正しくできるまで、何回も紙を貼って繰り返してくださいね!

のりしろ

(1) $\triangle ABC$ は正三角形である。 $\triangle PBC$ が $\angle P = 120^\circ$ で $PB = PA$ の二等辺三角形となるよう、点Pを作図してみましょう。ただし、点Pは $\triangle ABC$ の内部とする。

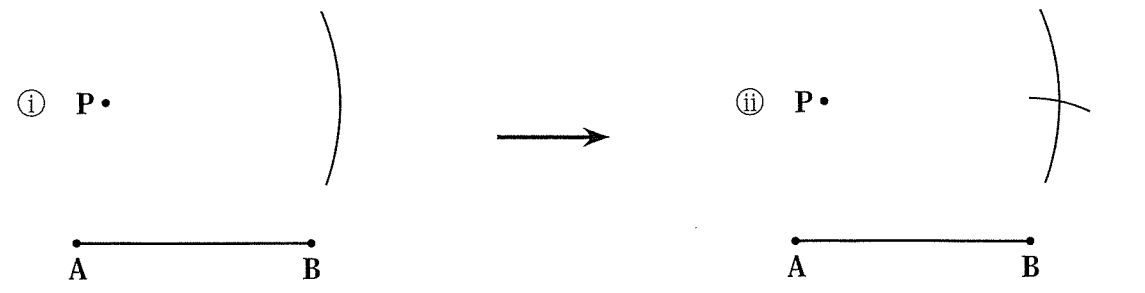


(2) $\triangle ABC$ において、 $\angle A = 30^\circ$ の直角三角形になるよう、点Aを線分XB上に作図してみましょう。



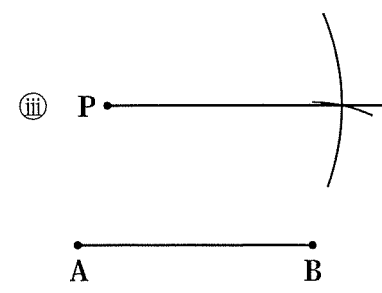
③ 平行線をひく

点 P を通り，直線 AB に平行な線をひく



点 P を中心に半径 AB の円をかく

点 B を中心に半径 AP の円をかく



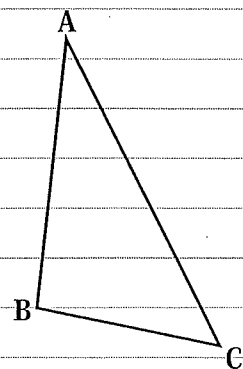
点 P と交点をむすぶ



問 39 $\triangle ABC$ の点 A を点 P に移すように， $\triangle ABC$ を平行移動してみましょう。

のりしろ 全開正しくできるまで，何回も紙を貼って繰り返してくださいね！ のりしろ

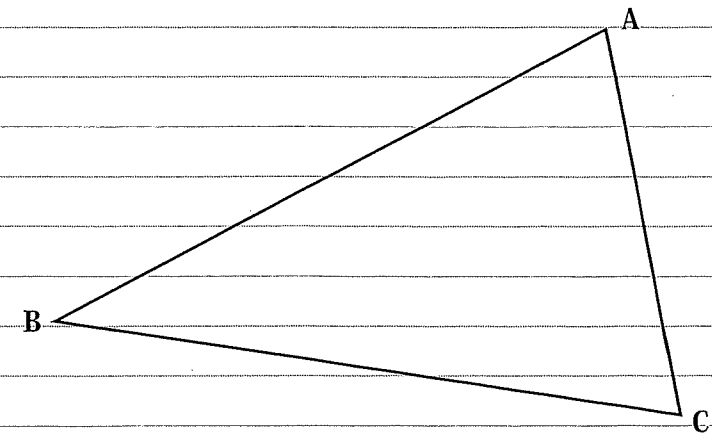
• P



(確認総合問題)

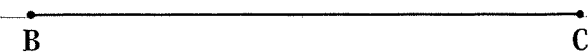
問 40 $\triangle ABC$ の内側で 3 辺に接する円を作図してみましょう。(内接円)

のりしろ 全開正しくできるまで，何回も紙を貼って繰り返してくださいね！ のりしろ



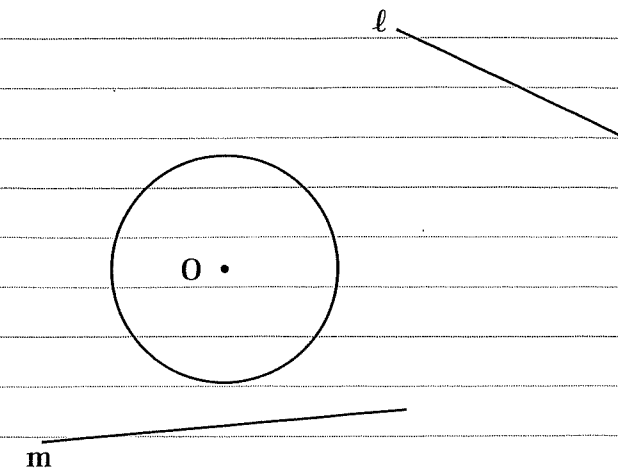
問 41 底辺を BC とし， $\triangle ABC$ の $\angle B = 45^\circ$ ， $\angle C = 30^\circ$ となるように点 A を作図してください。

のりしろ 全開正しくできるまで，何回も紙を貼って繰り返してくださいね！ のりしろ



問 42 円 O と 2 直線 l ， m があります。このとき，円 O の周上にあり，2 直線 l ， m から等距離にある点 P を作図してみましょう。

のりしろ 全開正しくできるまで，何回も紙を貼って繰り返してくださいね！ のりしろ



(公立高校入試問題)

のりしろ

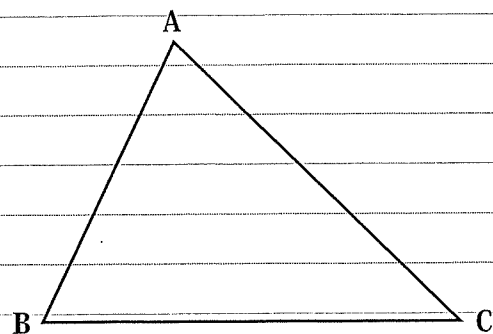
全問正しくできるまで、何回も紙を貼って繰り返してくださいね!

のりしろ

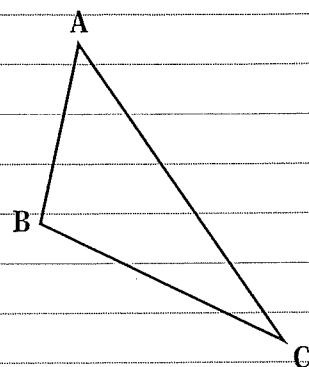
演習 12 図のように三角形 ABC がある。2つの頂点

A, B から等しい距離にある辺 BC 上の点 P を、定規とコンパスを用いて作図しなさい。
ただし、作図に用いた線は消さないこと。

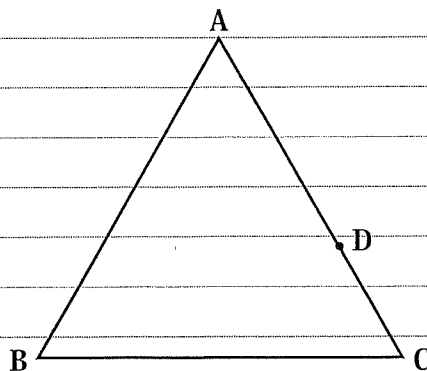
(秋田)



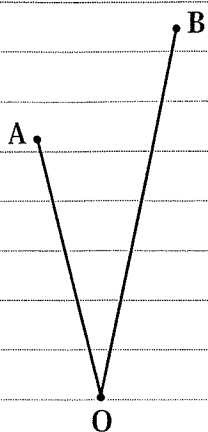
演習 13 下の図のような $\triangle ABC$ がある。BP = CP で、 $\angle ABP = \angle CBP$ となる点 P を、定規とコンパスを使って作図しなさい。ただし、作図に用いた線は消さないこと。(山口)



演習 14 右の図のように、正三角形 ABC の辺 AC 上に点 D がある。辺 AB 上に点 P をとり、線分 PD を折り目として正三角形 ABC を折り、頂点 A が辺 BC に重なるようにする。点 P を、定規とコンパスを使って作図しなさい。ただし、点 P を表す文字 P も書き、作図に用いた線は消さないこと。(長野)



演習 15 右の図のように、線分 OA と線分 OB がある。右に示した図をもとにして、線分 OB 上に、 $\angle OAP = 45^\circ$ となる点 P を定規とコンパスを用いて作図によって求めよ。ただし、作図に用いた線は消さないでおくこと。(都立 西)



のりしろ

全問正しくできるまで、何回も紙を貼って繰り返してくださいね!

のりしろ

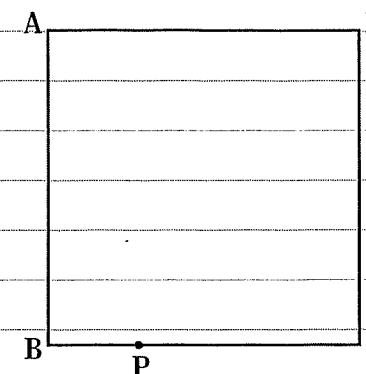
演習 16 右図のように点 A, B, C があります。このとき、2点 A, B から距離が等しい点で、さらに、点 C から最も近い点をコンパスと定規を使って作図し、その点を P としなさい。ただし、作図するためにかけた線は、消さないでおきなさい。(埼玉)

A •

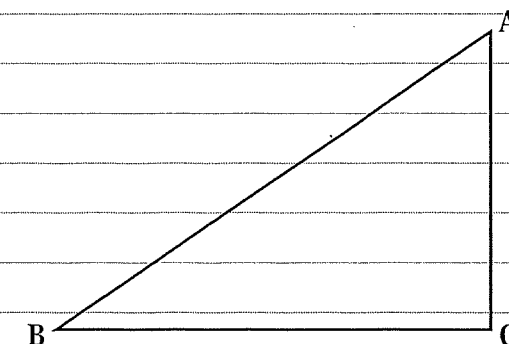
• C

B •

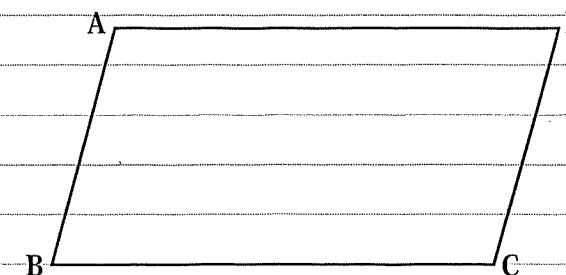
演習 17 右図の正方形の頂点 A が点 P に重なるように折ったときの折り目を作図しなさい。(島根)



演習 18 右の図で、 $\triangle ABC$ は $\angle C = 90^\circ$ の直角三角形である。右に示した図をもとにして、辺 CA, AB, BC 上にそれぞれ点 P, Q, R を、四角形 CPQR が正方形となるように定規とコンパスを用いて作図によって求め、点 P, Q, R の位置を示す文字 P, Q, R も書け。(都立 八王子東)



演習 19 右の図の平行四辺形 ABCD において、次の条件を満たす四角形 AFCE を、コンパスと定規を用いて作図しなさい。ただし、作図に用いた線は消さないこと。



条件

- ① E, F は、それぞれ辺 AD, BC 上の点である。
- ② 四角形 AFCE はひし形となる。

また、E, F の位置を決めるために使ったひし形の性質を書きなさい。(群馬)

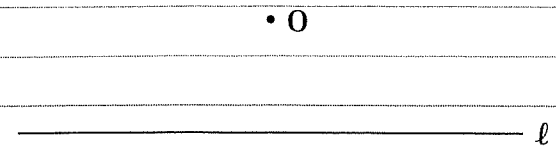
のりしろ

全問正しくできるまで、何回も紙を貼って繰り返してくださいね!

のりしろ

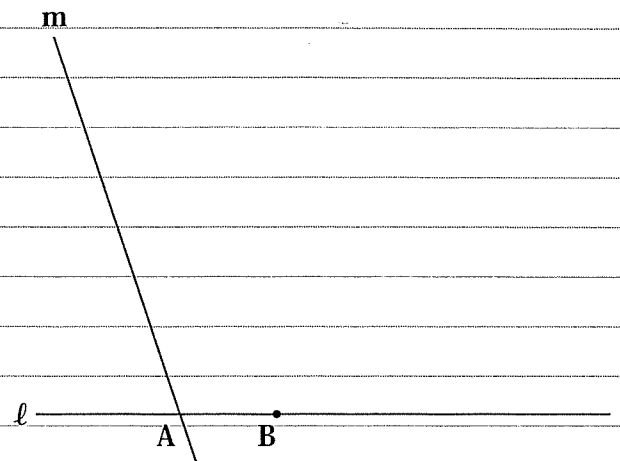
演習 20 右の図で点 O を中心とし、直線 l に接する円を、定規とコンパスを使って作図しなさい。ただし、作図に用いた線は消さないこと。

(山口)



演習 21 点 B を接点とし、2 直線 l, m の両方に接する円 O を 1 つ、定規とコンパスを用いて作図せよ。ただし、作図に用いた線は消さないでおくこと。2 直線 l, m の交点を A とする。

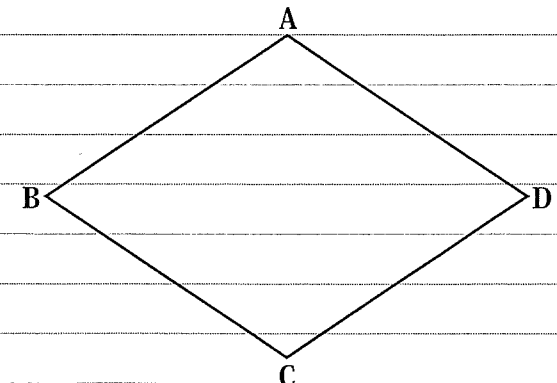
(都立 戸山)



演習 22 右の図のように、ひし形 $ABCD$ がある。

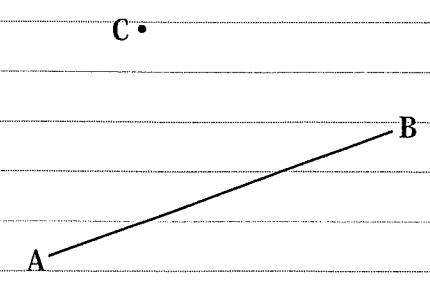
このひし形の 4 つの辺すべてに接する円を作図しなさい。ただし、作図にはコンパスと定規を用い、作図に使った線は消さないこと。

(大分)



演習 23 右の図は、線分 AB と線分 AB 上にない点 C を表している。右の図をもとにして、線分 AB 上にあり、 $AP + PC = AB$ となる点 P を、定規とコンパスを用いて、作図によって求めよ。ただし、作図に用いた線は消さないでおくこと。

(都立 両国)



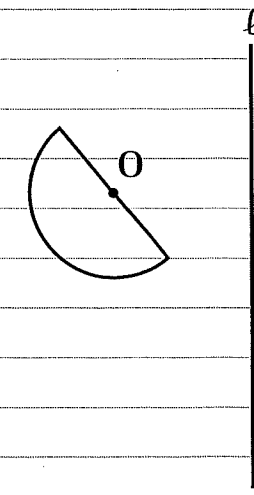
のりしろ

全問正しくできるまで、何回も紙を貼って繰り返してくださいね!

のりしろ

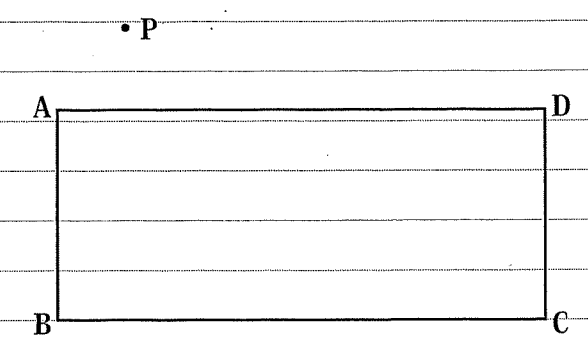
演習 24 右の図のような、半円 O と直線 l がある。この半円を、直線 l を対称の軸として対称移動した図を作図せよ。ただし、作図に用いた線は消さずに残しておくこと。

(愛媛)



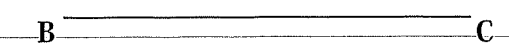
演習 25 右の図のように長方形 $ABCD$ とその外部に点 P がある。点 P と長方形 $ABCD$ の辺 BC 上にある点 Q を結んだ線分 PQ が、長方形 $ABCD$ の面積を $1:3$ に分けるように、線分 PQ を定規とコンパスを用いて作図し、点 Q の位置を示す文字 Q も書け。ただし、作図に用いた線は消さないでおくこと。

(都立 戸山)



演習 26 右図の線分 BC を 1 辺とする $\triangle ABC$ のうち $AB:BC = 1:2$, $BC:CA = 4:3$ である三角形を 1 つ、定規とコンパスを用いて作図しなさい。ただし、作図に用いた線は消さないでおくこと。

(都立 新宿)



問 18 つぎの各問いについて考えてください。(以下すべて、円周率を π とします)

のりしろ

全問正しくできるまで、何回も紙を貼って繰り返してくださいね!

のりしろ

(1) 直径が 12cm の円の周の長さ^①と面積^②を求めてみましょう。

(2) 面積が $49\pi\text{cm}^2$ の円の周の長さ^①を求めてみましょう。

問 19 円 O で $\widehat{AB} = \widehat{CD}$ のとき、弦 AB と弦 CD および中心角 $\angle AOB$ と $\angle COD$ の関係を記号を使って表してみましょう。

のりしろ

全問正しくできるまで、何回も紙を貼って繰り返してくださいね!

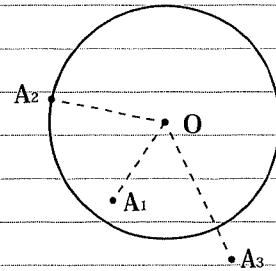
のりしろ

問 20 右の円 O (半径 5) において、 $OA_1 = x$, $OA_2 = y$, $OA_3 = z$ としたとき、 x , y , z のとり得る範囲または数値を不等号、等号を使って表してみましょう。

のりしろ

全問正しくできるまで、何回も紙を貼って繰り返してくださいね!

のりしろ



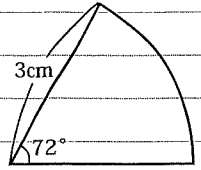
問 21 つぎのおうぎ形の弧の長さと面積を求めてみましょう。

のりしろ

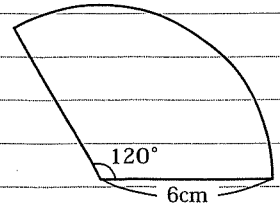
全問正しくできるまで、何回も紙を貼って繰り返してくださいね!

のりしろ

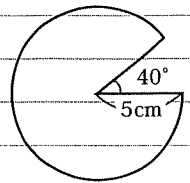
(1)



(2)



(3)



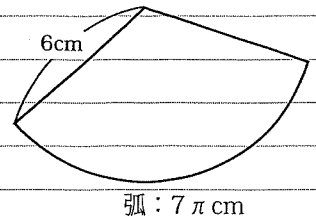
問 22 つぎのおうぎ形の中心角と面積を求めてみましょう。

のりしろ

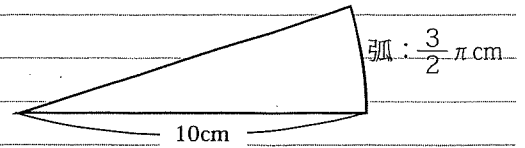
全問正しくできるまで、何回も紙を貼って繰り返してくださいね!

のりしろ

(1)



(2)



ここでは公

問 23 つぎのおうぎ形の中心角と面積を求めてみましょう。

のりしろ

全問正しくできるまで、何回も紙を貼って繰り返してくださいね!

のりしろ

(1) 半径 6cm, 弧の長さ 2π cm

(2) 半径 18cm, 弧の長さ 32π cm

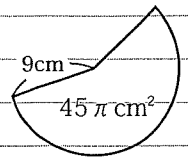
問 24 つぎのおうぎ形の中心角と弧の長さを求めてみましょう。

のりしろ

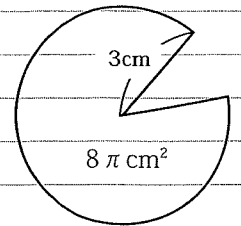
全問正しくできるまで、何回も紙を貼って繰り返してくださいね!

のりしろ

(1)



(2)



72° (答)

cm^2 (答)

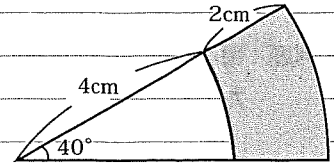
問 26 つぎの各グレー部分の面積および周の長さを求めてみましょう。

のりしろ

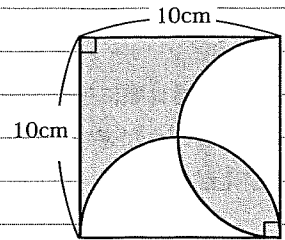
全問正しくできるまで、何回も紙を貼って繰り返してくださいね!

のりしろ

(1)



(2)

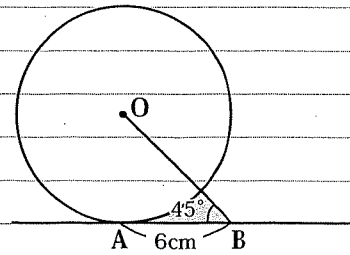


問 27 円 O に関し、グレー部分の面積を求めてみましょう。

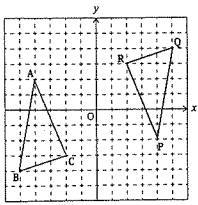
のりしろ

全問正しくできるまで、何回も紙を貼って繰り返してくださいね!

のりしろ

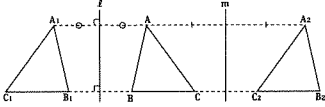


(A は接点)

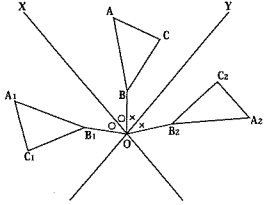


- 問13 (P12)
 (1) $\triangle BOE$
 (2) $\triangle ODG, \triangle OAH, \triangle OCF, \triangle OBE$
 (3) $\triangle OAE, \triangle OBF, \triangle OCC$

問14
 下図より、
 $\triangle A_1B_1C_1$ を線分 l に対し垂直方向に、
 線分 l と m の距離の2倍だけ平行移動すれば
 $\triangle A_2B_2C_2$ に移る。



問15 (P13)
 下図より、
 $\triangle A_1B_1C_1$ を点Oを中心に時計回りに、
 $\angle XOY$ の2倍の大きさの角度だけ回転移動すれば
 $\triangle A_2B_2C_2$ に移る。



- 問16 (P15)
 (1) ① 辺HG ② 辺EQ (2) $\angle FGH$
 (3) $BC \perp PQ$ (4) $PH = 6 \div 2 = 3$

問25 (P24)
 (1) (半径10cmの円の面積の4分の1から1辺が10cmの
 直角二等辺三角形の面積を引いた値)を2倍すれば解決!

$$\left(10 \times 10 \times \pi \times \frac{1}{4} - 10 \times 10 \times \frac{1}{2}\right) \times 2$$

$$= (25\pi - 50) \times 2 = 50\pi - 100$$

よって、 $50\pi - 100 \text{ cm}^2$ (答)



(2) 直径10cmの円の面積から、垂直に交わる1辺が10cm
 の対角線となるひし形の面積を引けば解決です。

$$5 \times 5 \times \pi - 10 \times 10 \times \frac{1}{2} = 25\pi - 50$$

よって、 $25\pi - 50 \text{ cm}^2$ (答)

問26 (P25)
 (1) 面積：(半径6cmの円の面積から半径4cmの円の面積を
 引いた値)に $\frac{40}{360}$ をかければ解決。

$$\Rightarrow (6 \times 6 \times \pi - 4 \times 4 \times \pi) \times \frac{40}{360} = 20\pi \times \frac{1}{9} = \frac{20}{9}\pi$$

周の長さ：(半径6cmの円周に半径4cmの円周の長さを加えた
 値)に $\frac{40}{360}$ をかけ、それに、両側の $4\text{cm} (= 2\text{cm} \times 2)$ を加え
 れば解決。

$$\Rightarrow (6 \times 2 \times \pi + 4 \times 2 \times \pi) \times \frac{40}{360} + 4$$

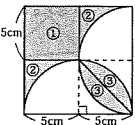
$$= 20\pi \times \frac{1}{9} + 4 = \frac{20}{9}\pi + 4$$

よって、面積は、 $\frac{20}{9}\pi \text{ cm}^2$ 、周の長さは、 $\frac{20}{9}\pi + 4 \text{ cm}$ (答)

(2) 面積：右図の
 「①+ (②+③) × 2...」で解決。

①：1辺が5cmの正方形の面積
 $\Rightarrow 5 \times 5 = 25$

②：1辺が5cmの正方形の面積から
 半径5cmの円の面積の $\frac{1}{4}$ ($= \frac{90}{360}$)倍を引く。
 $\Rightarrow 5 \times 5 - 5 \times 5 \times \pi \times \frac{90}{360} = 25 - \frac{25}{4}\pi$



(5) 垂直二等分線

問17
 ・級対称：ア(4本) イ(1本) ウ(3本) エ(2本)
 オ(無限) カ(2本) キ(1本)

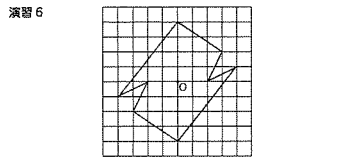
ア イ ウ エ

オ カ キ

・点対称：ア エ オ カ ク

演習1 (P16) 演習2
 エ Eは、線対称である。 イ, E

演習3 演習4 (P17) 演習5
 ア, イ, E ア, ウ ウ



問18 (P19)
 (1) (円周) $= 12 \times \pi = 12\pi$,
 (半径) $= 12 \div 2 = 6$ より、
 (面積) $= 6 \times 6 \times \pi = 36\pi$
 よって、円周は、 $12\pi \text{ cm}$ 、面積は、 $36\pi \text{ cm}^2$ (答)

(2) 半径を $x (> 0)$ とおくと、
 $x \times x \times \pi = 49\pi$ $x \times x = 49$
 だから、 $x = 7$
 そこで、(円周) $= 7 \times 2 \times \pi = 14\pi$
 よって、円周は、 $14\pi \text{ cm}$ (答)

問19
 弧の長さが等しければ、それに対する弦および中心角も等しい。

よって、 $AB = CD, \angle AOB = \angle COD$ (答)

問20
 図より、 A_1 は円内の点より、 OA_1 の長さは、 $0 \leq x < 5$ 、 A_2
 は円周上の点より、 OA_2 は半径の長さゆえ、 $y = 5$ 、 A_3 は円の
 外の点より、 OA_3 の長さは半径より長いゆえ、 $5 < z$ 。
 よって、 $0 \leq x < 5, y = 5, 5 < z$ (答)

問21 (P21)
 (1) 弧の長さ： $3 \times 2 \times \pi \times \frac{72}{360} = \frac{6}{5}\pi$
 面積： $3 \times 3 \times \pi \times \frac{72}{360} = \frac{9}{5}\pi$
 よって、弧の長さは、 $\frac{6}{5}\pi \text{ cm}$ 、面積は、 $\frac{9}{5}\pi \text{ cm}^2$ (答)

(2) 弧の長さ： $6 \times 2 \times \pi \times \frac{120}{360} = 4\pi$
 面積： $6 \times 6 \times \pi \times \frac{120}{360} = 12\pi$
 よって、弧の長さは、 $4\pi \text{ cm}$ 、面積は、 $12\pi \text{ cm}^2$ (答)

(3) 弧の長さ： $5 \times 2 \times \pi \times \frac{360-40}{360} = \frac{80}{9}\pi$
 面積： $5 \times 5 \times \pi \times \frac{360-40}{360} = \frac{200}{9}\pi$
 よって、弧の長さは、 $\frac{80}{9}\pi \text{ cm}$ 、面積は、 $\frac{200}{9}\pi \text{ cm}^2$ (答)

問22
 (1) 中心角を x とおくと、
 $6 \times 2 \times \pi \times \frac{x}{360} = 7\pi$ $\frac{x}{30} = 7$ $x = 210$
 面積： $6 \times 6 \times \pi \times \frac{210}{360} = 21\pi$
 よって、中心角は、 210° 、面積は、 $21\pi \text{ cm}^2$ (答)

(2) 中心角を x とおくと、
 $10 \times 2 \times \pi \times \frac{x}{360} = \frac{3}{2}\pi$ $\frac{x}{18} = \frac{3}{2}$ $x = 27$
 面積： $10 \times 10 \times \pi \times \frac{27}{360} = \frac{15}{2}\pi$
 よって、中心角は、 27° 、面積は、 $\frac{15}{2}\pi \text{ cm}^2$ (答)

問23 (P23)
 (1) 中心角を x とおくと、
 「おうぎ形の弧の長さ」： $(\text{円周}) = (\text{中心角}) : 360$ より
 $2\pi : 6 \times 2 \times \pi = x : 360$
 $12\pi x = 2\pi \times 360$
 $12x = 2 \times 360$
 $x = 60$
 面積： $6 \times 6 \times \pi \times \frac{60}{360} = 6\pi$
 よって、中心角は、 60° 、面積は、 $6\pi \text{ cm}^2$ (答)

(2) 中心角を x とおくと、
 「おうぎ形の弧の長さ」： $(\text{円周}) = (\text{中心角}) : 360$ より
 $32\pi : 18 \times 2 \times \pi = x : 360$
 $36\pi x = 32\pi \times 360$
 $36x = 32 \times 360$
 $x = 320$
 面積： $18 \times 18 \times \pi \times \frac{320}{360} = 288\pi$
 よって、中心角は、 320° 、面積は、 $288\pi \text{ cm}^2$ (答)

問24
 (1) 中心角を x とおくと、
 「おうぎ形の面積」： $(\text{円の面積}) = (\text{中心角}) : 360$ より
 $45\pi : 9 \times 9 \times \pi = x : 360$
 $9 \times 9 \times \pi \times x = 45\pi \times 360$
 $9 \times 9 \times x = 45 \times 360$
 $x = 200$
 弧の長さ： $9 \times 2 \times \pi \times \frac{200}{360} = 10\pi$
 よって、中心角は、 200° 、弧の長さは、 $10\pi \text{ cm}$ (答)

(2) 中心角を x とおくと、
 「おうぎ形の面積」： $(\text{円の面積}) = (\text{中心角}) : 360$ より
 $8\pi : 3 \times 3 \times \pi = x : 360$
 $3 \times 3 \times \pi \times x = 8\pi \times 360$
 $9x = 8 \times 360$
 $x = 320$
 弧の長さ： $3 \times 2 \times \pi \times \frac{320}{360} = \frac{16}{3}\pi$
 よって、中心角は、 320° 、弧の長さは、 $\frac{16}{3}\pi \text{ cm}$ (答)

問25 (P24)
 (1) (半径10cmの円の面積の4分の1から1辺が10cmの
 直角二等辺三角形の面積を引いた値)を2倍すれば解決!

$$\left(10 \times 10 \times \pi \times \frac{1}{4} - 10 \times 10 \times \frac{1}{2}\right) \times 2$$

$$= (25\pi - 50) \times 2 = 50\pi - 100$$

よって、 $50\pi - 100 \text{ cm}^2$ (答)



(2) 直径10cmの円の面積から、垂直に交わる1辺が10cm
 の対角線となるひし形の面積を引けば解決です。

$$5 \times 5 \times \pi - 10 \times 10 \times \frac{1}{2} = 25\pi - 50$$

よって、 $25\pi - 50 \text{ cm}^2$ (答)

問26 (P25)
 (1) 面積：(半径6cmの円の面積から半径4cmの円の面積を
 引いた値)に $\frac{40}{360}$ をかければ解決。

$$\Rightarrow (6 \times 6 \times \pi - 4 \times 4 \times \pi) \times \frac{40}{360} = 20\pi \times \frac{1}{9} = \frac{20}{9}\pi$$

周の長さ：(半径6cmの円周に半径4cmの円周の長さを加えた
 値)に $\frac{40}{360}$ をかけ、それに、両側の $4\text{cm} (= 2\text{cm} \times 2)$ を加え
 れば解決。

$$\Rightarrow (6 \times 2 \times \pi + 4 \times 2 \times \pi) \times \frac{40}{360} + 4$$

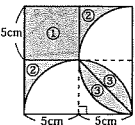
$$= 20\pi \times \frac{1}{9} + 4 = \frac{20}{9}\pi + 4$$

よって、面積は、 $\frac{20}{9}\pi \text{ cm}^2$ 、周の長さは、 $\frac{20}{9}\pi + 4 \text{ cm}$ (答)

(2) 面積：右図の
 「①+ (②+③) × 2...」で解決。

①：1辺が5cmの正方形の面積
 $\Rightarrow 5 \times 5 = 25$

②：1辺が5cmの正方形の面積から
 半径5cmの円の面積の $\frac{1}{4}$ ($= \frac{90}{360}$)倍を引く。
 $\Rightarrow 5 \times 5 - 5 \times 5 \times \pi \times \frac{90}{360} = 25 - \frac{25}{4}\pi$



③：半径5cmの円の面積の4分の1から1辺が5cmの直角二
 等辺三角形の面積を引く。

$$\Rightarrow 5 \times 5 \times \pi \times \frac{90}{360} - 5 \times 5 \times \frac{1}{2} = \frac{25}{4}\pi - \frac{25}{2}$$

*①②③より、
 $25 + \left(25 - \frac{25}{4}\pi + \frac{25}{4}\pi - \frac{25}{2}\right) \times 2$
 $= 25 + \left(\frac{50}{2} - \frac{25}{2}\right) \times 2 = 25 + 25 = 50$

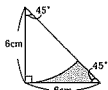
周の長さ：「10cm + 10cm + (直径10cmの円周の長さ)」より、
 $10 + 10 + 10 \times \pi = 20 + 10\pi$
 よって、面積は、 50 cm^2 、周の長さは、 $20 + 10\pi \text{ cm}$ (答)

問27
 「1辺が6cmの直角二等辺三角形の面積から、中心角が 45°
 の半径6cmのおうぎ形の面積を引く」ことで解決。

$$6 \times 6 \times \frac{1}{2} - 6 \times 6 \times \pi \times \frac{45}{360}$$

$$= 18 - 36\pi \times \frac{1}{8} = 18 - \frac{9}{2}\pi$$

よって、面積は、 $18 - \frac{9}{2}\pi \text{ cm}^2$ (答)

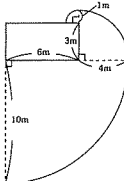


問28 (P27)
 右図のように、半径10mの円と
 半径4mの円と、半径1mの円の面
 積の4分の1の面積の和。

$$\left(10 \times 10 \times \pi + 4 \times 4 \times \pi + 1 \times 1 \times \pi\right) \times \frac{1}{4}$$

$$= \frac{117}{4}\pi$$

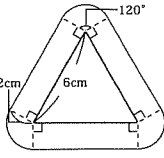
よって、面積は、 $\frac{117}{4}\pi \text{ m}^2$ (答)



問29
 (1) 右図より、円の中心の
 軌跡は各頂点において
 「半径2cm、中心角 120° の弧
 の長さ」①ゆえ、
 中心が進んだ距離は、(3辺の
 長さ) + (①×3)で解決!

$$6 \times 3 + 2 \times 2 \times \pi \times \frac{120}{360} \times 3 = 18 + 4\pi$$

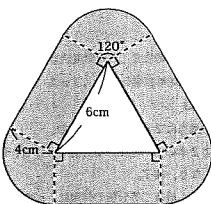
よって、中心が進んだ距離は、 $18 + 4\pi \text{ cm}$ (答)



(2) 右図より、円が
 1周転がった面積は、
 「たて4cm、横6cmの
 長方形3個と、半径
 4cm、中心角 120° の
 おうぎ形の面積3個の
 和」ゆえ、

$$4 \times 6 \times 3 + 4 \times 4 \times \pi \times \frac{120}{360} \times 3 = 72 + 16\pi$$

よって、円が転がった面積は、 $72 + 16\pi \text{ cm}^2$ (答)



演習7 (P28)
 $5 \times 2 \times \pi \times \frac{108}{360} = 10 \times \pi \times \frac{3}{10} = 3\pi$
 よって、弧ABの長さは、 $3\pi \text{ cm}$ (答)

演習8
 $8 \times 2 \times \pi \times \frac{45}{360} = 8 \times 2 \times \pi \times \frac{1}{8} = 2\pi$
 よって、おうぎ形の弧の長さは、 $2\pi \text{ cm}$ (答)

演習9
 弧の長さ： $6 \times 2 \times \pi \times \frac{60}{360} = 2\pi$
 また、 $2\pi > 6 \Leftrightarrow \pi > 3$ より、(弧の長さ > 半径)
 よって、求める値は、 $2\pi - 6 \text{ cm}$ (答)

演習10 (P29)
 右図のように、おうぎ形すべての半径の
 部分は、2マスでできる長方形の対角線の
 長さを1基準単位として考えれば、①~④
 までの半径の長さはそれぞれ「①：1、②：2、③：2、④：3」
 と考えて良い。

そこで、各弧の長さを求めると、

①： $1 \times 2 \times \pi \times \frac{270}{360} = 2\pi \times \frac{3}{4} = \frac{3}{2}\pi$
 ②： $2 \times 2 \times \pi \times \frac{90}{360} = 4\pi \times \frac{1}{4} = \pi$
 ③： $2 \times 2 \times \pi \times \frac{180}{360} = 4\pi \times \frac{1}{2} = 2\pi$
 ④： $3 \times 2 \times \pi \times \frac{90}{360} = 6\pi \times \frac{1}{4} = \frac{3}{2}\pi$
 よって、①+④(答)

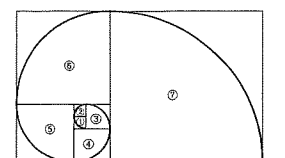


演習11
 上図のように、①~⑦まではそれぞれ円の4分の1のおうぎ
 形。また、①+②は直径2の半円。

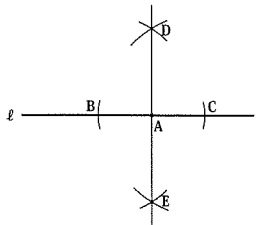
$$2 \times \pi \times \frac{1}{2} + (13 + 8 + 5 + 3 + 2) \times 2 \times \pi \times \frac{1}{4}$$

$$= \pi + \frac{31}{2}\pi = \frac{33}{2}\pi$$

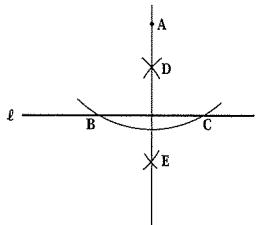
よって、曲線の長さは、 $\frac{33}{2}\pi \text{ cm}$ (答)



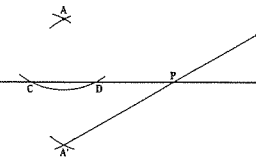
問30 (P30)
 (1) ①点Aにコンパスの針をさし、適当な幅にひろげ直線
 上の点Aの両側に印(B, C)をつける。
 ②コンパスを線分ABの長さより広くひろげ、点B, Cに
 コンパスの針をさし、直線 l の上下に交点(D, E)をつ
 くる。
 ③点D, Eをむすべば終了。



- (2) ①点Aにコンパスの針をさし、直線 l 上で2点で交わる程度にひろげ直線 l 上に印(B, C)をつける。
 ②コンパスを線分BCの半分以上の長さひろげ、点B, Cにコンパスの針をさし、直線 l の上下に交点(D, E)をつくる。
 ③点D, Eをむすべば終了。



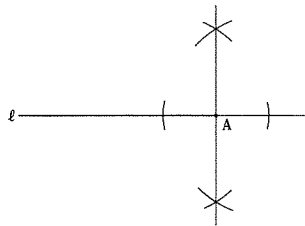
問31
 (考え方) 点Pが直線 l 上にあれば、 $AP + PB$ は最短になることから、点Aの直線 l に対し対称な点A'を作図し、点A', Bをむすんだときの直線 l との交点が点Pとなる。



- ①点Aにコンパスの針をさし、直線 l 上で2点で交わる程度にひろげ直線 l 上に印(C, D)をつける。
 ②コンパスを①の状態、点C, Dにコンパスの針をさし、直線 l の上下に交点A, A'をつくる。
 ③点A', Bをむすび、直線 l との交点を点Pとし、終了。

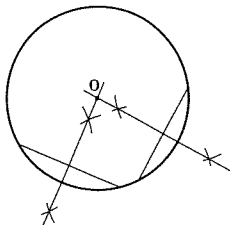
問32 (P31)

- ①点Aの右側に直線 l を適当にのぼす。
 ②続きは、問30(1)と同様。



問33

- ①適当に2本、弦をかきこむ。
 ②2本の弦の垂直二等分線をえがき、その交点が円の中心Oとなり、終了。
 補：垂直二等分線の作図は、p30の枠内参照。

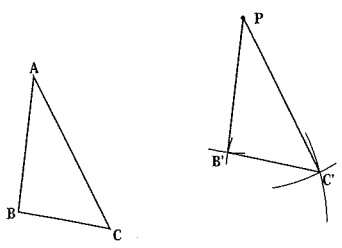


問34

- ①3点を利用して、2本の線分をひく。
 ②2本の線分に対し垂直二等分線をえがき、交点Oを作図する。
 ③②の交点Oと3点から1点を選び、その2点の幅にコンパスをひろげ、点Oを中心に円をかけば、終了。
 補：3点を順番にむすべば、三角形となりこの各辺を弦と考えると、えがいた円はこの三角形の“外接円”となる。

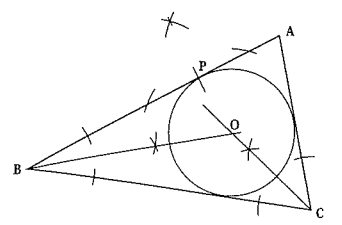
問39 (P34)

- (考え方) 点Pを通り、線分ACに平行でかつ $PC = AC$ となる点C'を作図する。
 ①コンパスを辺ACの長さにひろげ、針を点Pにさし、図のように線をかく。
 ②コンパスを線分APの長さにひろげ、針を点Cにさし、図のように線をかく。①との交点が点C'となる。
 ③コンパスを辺ABの長さにひろげ、針を点Pにさし、図のように線をかく。
 ④コンパスを辺BCの長さにひろげ、点C'に針をさし、図のように線をかく。③との交点が点B'の平行移動した点B'となる。
 よって、3点P, C', B'をむすべば、 $\triangle ABC$ の平行移動が終了。



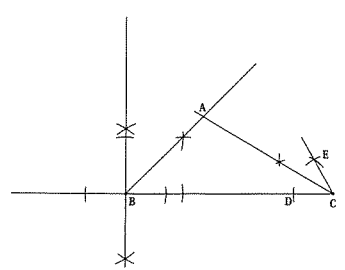
問40 (P35)

- (考え方) 内接円とは、三角形の内側から3辺に接する円ゆえ、円の中心(内心)は、3辺から等距離な点である。
 よって、3頂点から適当に2頂点を選び、それぞれの角の二等分線をひいたときの交点が、円の中心Oとなる。
 そして、点Oから辺ABに垂線をひき、その交点Pと点Oの距離を半径として、円をかけば終了。



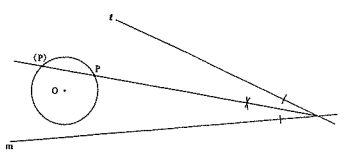
問41

- (考え方) 点Bに垂線をひき、その垂線と辺BCの角の二等分線をひけば $\angle B = 45^\circ$ となる。
 また、辺BC上において、点Cから適当な長さのところに点Dをとり、線分CDの長さの正三角形 $\triangle CDE$ を作れば、 $\angle ECD = 60^\circ$ となる。よって、 $\angle ECD$ の角の二等分線をひけば $\angle C = 30^\circ$ となる。したがって、それぞれの角の二等分線の交点が求める点Aとなる。
 ① $\angle B = 45^\circ$ の作図および角の二等分線に関しては、問32およびp32参照。
 ②図のようにコンパスを適当な幅にひろげ、点Cに針をさし、辺BCと交わるように線をひき、点Dをとる。また、その幅で点Dに針をさし、今かけた線と交わるように線をひき、交点を点Eとする。
 ③①の角の二等分線と、 $\angle ECD$ の角の二等分線との交点が求める点Aとなる。



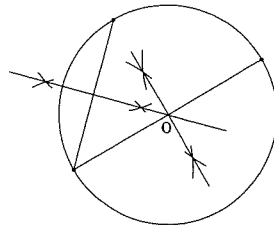
問42

- (考え方) 直線 l, m を延長し、その交点O側の角の二等分線と円Oとの交点が求める点Pとなる。



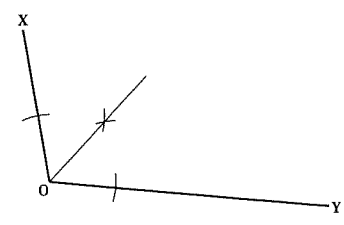
演習12 (P36)

- (考え方) 辺ABの垂直二等分線と辺BCの交点が求める点Pとなる。



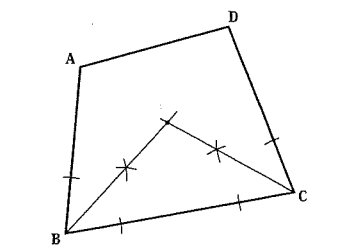
問35 (P32)

- (考え方) 2直線から等距離の点の集まりは、2直線の交点における、角の二等分線である。よって、p32の枠内参照。



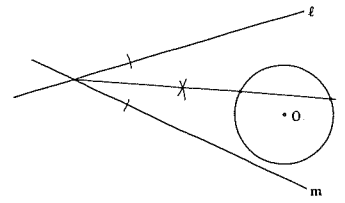
問36

- (考え方) 問35同様、 $\angle ABC$ と $\angle BCD$ の角の二等分線の交点が求める点となる。



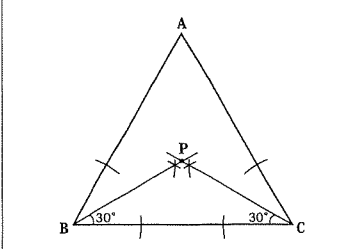
問37 (P33)

- (考え方) 2直線 l, m の交点における角の二等分線をひき、円との交点が求める点となる。



問38

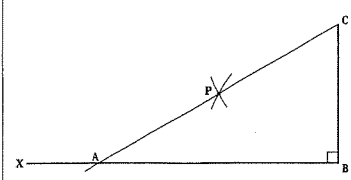
- (1)
 (考え方) $\angle ABC = \angle BCA = \angle CAB = 60^\circ$ ゆえ、 $\angle ABC$ と $\angle BCA$ の角の二等分線の交点が求める点Pとなる。



(2)

- (考え方) 辺BCを1辺とする正三角形PBCを線分BCの左側に作図し、その線分PCの延長線と線分XBの交点が求める点Aとなる。

- ①コンパスを線分BCの幅にひろげ、2点B, Cに針をさし、線分BCの左側に交点Pを作図する。
 ②半直線CPと、線分XBとの交点が、求めたい点Aとなり終了。



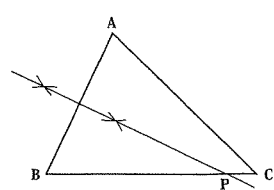
演習13

- (考え方) 辺BCの垂直二等分線と $\angle ABC$ の二等分線の交点が、求めたい点Pとなる。



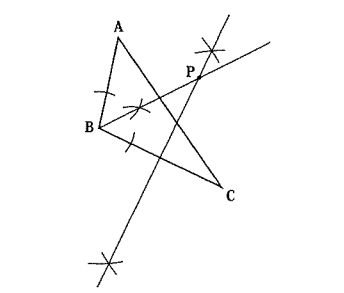
演習14

- (考え方) 頂点Aが辺BC上に重なった点をEとすると、必ず $DA = DE$ となる。よって、折り目は、線分AEの垂直二等分線となるので、この線と辺ABの交点が求める点Pとなる。
 ①コンパスを線分DAの長さにひろげ、針を点Dにさし、辺BC上に点Eをとる。
 ②線分AEの垂直二等分線を作図し、この線は必ず点Dを通るので、辺ABとの交点が求める点Pとなる。



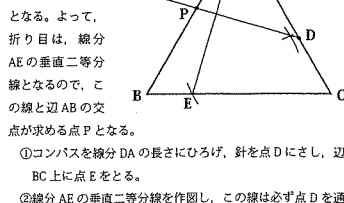
演習15

- (考え方) 点Aを通り線分OAに垂直な直線と、 $\angle A = 90^\circ$ の角の二等分線と線分OBとの交点が求める点Pとなる。作図方法は、すべて復習ゆえ右図より読み取ってください。



演習16 (P37)

- (考え方) 2点A, Bから等距離の点より、線分ABの垂直二等分線をひく。また、この等距離の点で最も点Cに近い点ゆえ、点Cを通り線分ABの垂直二等分線に対し垂直な線を作図し、その交点が求めたい点Pとなる。作図方法はすべて復習ゆえ、右図より読み取ってください。



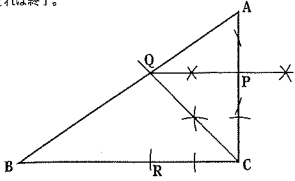
演習17

- (考え方) 点Aと点Pは折り目を軸とする線対称であるゆえ、線分APの垂直二等分線が折り目となる。作図方法はすべて復習ゆえ、右図より読み取ってください。



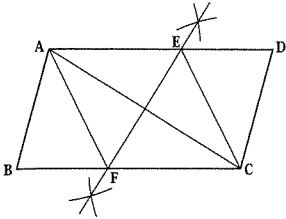
演習 18

(考え方) 正方形の対角線は、各頂点を 45° にする角の二等分線である。よって、 $\angle C$ の角の二等分線と辺 AB との交点が点 Q となり、点 Q から辺 CA に垂線をひいた交点が点 P となる。そして、 CP の長さをコンパスでとり、点 C から辺 BC 上に点 R をとれば終了。



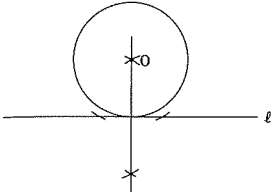
演習 19

(考え方) ひし形の性質として「対角線は垂直に交わり、それぞれを二等分する」ことから、線分 AC の垂直二等分線と辺 AD 、 BC との交点が、それぞれ点 E 、 F となる。作図方法はすべて復習ゆえ、下図より読み取ってください。



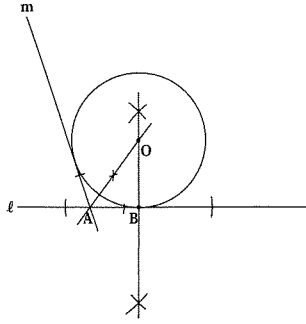
演習 20 (P38)

(考え方) 直線 ℓ が円の接線であれば、点 O を通り直線 ℓ の垂線の交点が接点となる。よって、その交点と点 O を半径とする円は必ず直線 ℓ に接する。作図方法はすべて復習ゆえ、下図より読み取ってください。



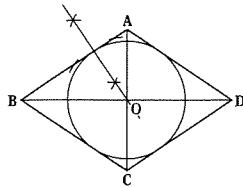
演習 21

(考え方) 2 直線に接する円の中心は 2 直線と等距離の点ゆえ、 $\angle A$ の角の二等分線上にあり、また、点 B が接点ゆえ、点 B を通る直線 ℓ の垂線と $\angle A$ の二等分線との交点が求めたい円の中心 O となる。作図方法はすべて復習ゆえ、下図より読み取ってください。



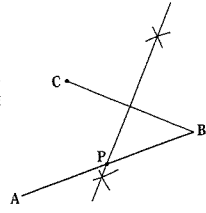
演習 22

(考え方) ひし形ゆえ 2 本の対角線が向かい合う角の二等分線となる。よって、交点は 4 辺と等距離にある点ゆえ、求める円の中心 O となる。よって、交点から 4 辺のどれかに垂線をひき、その交点と点 O の距離を半径とする円をかけば、4 辺に接する円となる。作図方法はすべて復習ゆえ、下図より読み取ってください。



演習 23

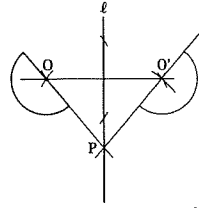
(考え方) 点 P は $PC = PB$ となる点と考えれば、線分 BC の垂直二等分線と線分 AB との交点が求めたい点 P となる。



演習 24 (P39)

ここでは、作図方法を直接表示します。

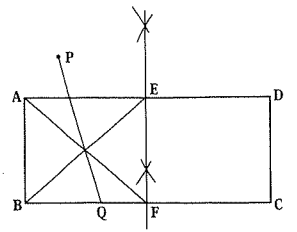
- ①点 O を通る直線 ℓ の垂線をひく。
- ②半円の直径を直線 ℓ と交わるまでのばし、交点を P とする。
- ③コンパスを 2 点 OP の距離にひらき、針を点 P にさし、①の垂線との交点 O' を作図。また、直線 PO' をひく。
- ④半円の半径にコンパスをひらき、点 O' に針をさし、半円をえがく。



演習 25

(考え方) 長方形 $ABCD$ を半分にし、点 P 側の四角形の面積を 2 等分する線と辺 BC との交点が求める点 Q となる。

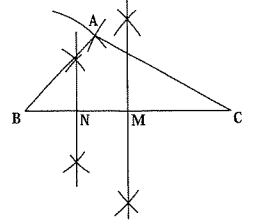
- ①辺 AD の垂直二等分線をひき、辺 AD 、 BC との交点を E 、 F とする。
 - ②四角形 $ABFE$ の対角線の交点を作図する。
 - ③②の交点と点 P をむすんで線をひく。その直線と辺 BC との交点が点 Q となる。
- 補：長方形の対角線の交点を通る直線は、長方形の面積を 2 等分する。



演習 26

ここでは、作図方法を直接表示します。

- ①線分 BC の垂直二等分線を作図し、線分 BC との交点を M とする。
- ②線分 BM の垂直二等分線を作図し、線分 BM との交点を N とする。
- ③コンパスを 2 点 BM の距離にひらき、針を点 B にさし、弧をえがく。
- ④コンパスを 2 点 CN の距離にひらき、針を点 C にさし、弧をえがき、③との交点が求める点 A となる。



問 43 (P41)

- (1) 3 (2) 3 (3) 4 (4) 3 (5) 5

問 44

- (1) 正三角形、正四角形(正方形)、正五角形
- (2) 正六角形だと、ひとつの内角が 120° となり、ひとつの頂点に面が 3 枚集まると 360° となり、平面になってしまうから。

問 45

- (1) ① (2) ① (3) ③ (4) ② (5) ①